2009年10月

文章编号:1000-7032(2009)05-0702-04

# 稀磁半导体材料居里温度的极值点

陈 余,关玉琴\*,赵春旺

(内蒙古工业大学理学院物理系,内蒙古呼和浩特 010051)

**摘要:**以 Zener 模型为基础,考虑反铁磁性交换作用对 DMS 材料居里温度的影响,理论计算得到了居里温度 关于掺杂浓度和反铁磁性交换作用的二元函数,对 GaAs: *TM*(Ga,*TM*)As(*TM* = Sc,Ti,V,Cr,Mn,Fe,Co,Ni) 的居里温度做了详细分析得到:n型半导体居里温度有一个极大值,而 p 型掺杂是单调的递增。

关键词:稀磁半导体;居里温度;掺杂浓度;反铁磁性交换作用
 中图分类号:0472.5
 PACS:75.50.Pp;75.30.Kz
 PACC:7550P;7530K
 文献标识码:A

## 1引言

所谓稀磁半导体(Diluted Magnetic Semiconductor, DMS),是指磁性过渡金属或稀土金属离子 部分取代化合物半导体的非磁性阳离子而形成的 化合物。在非磁半导体中掺入微量的磁性原子会 改变半导体的某些性质,使其呈现出一定的磁性, 从而形成稀磁半导体(DMS)。其中被掺入的磁 性原子称作磁性杂质,非磁半导体称作基质。通 常所说的 DMS 是指 Ⅱ-VI族、IV-VI族、II-V族或 Ⅲ-V族化合物中,由磁性过渡族金属离子或稀土 金属离子部分地代替非磁性阳离子而形成的一类 新的半导体材料。稀磁半导体材料在同一器件上 结合了凝聚态的两大分支:半导体(利用电子电 荷的自由度)和存储材料(利用电子自旋的自由 度)<sup>[1,2]</sup>。也有许多人研究声子之间相互作用对 半导体材料性能的影响<sup>[3,4]</sup>。

从工业应用的角度,只有合成出居里温度 T 高于室温的稀磁半导体(DMS)材料才具有实用 价值。最近,Kato等人通过理论计算预测在 Cr 和 Mn 掺杂的 GaAs 的 DMS 中,将可能出现较高的居 里温度 T<sub>e</sub>,理论上预测 GaAs 是一种能获得高居 里温度的材料<sup>[5]</sup>。Dietl 等人根据 Zener 的磁性模 型在实验上已经证实了居里温度随着磁性离子浓 度以及 DMS 中空穴浓度的增加而增加,并且给出 居里温度满足的关系式<sup>[6,7]</sup>。这就是本文以 GaAs 为例, 推导出考虑反铁磁性交换作用下 DMS 材料 居里温度计算表达式的初衷。

2 模型选取

#### 2.1 Zener 模型

Zener 的磁性模型下的居里温度满足如下 关系<sup>[5]</sup>:

$$T_{\rm c} = Cxp^{1/3} \tag{1}$$

其中 x 为 TM 离子的浓度, p 为空穴浓度, C 是与基质材料有关的常数。

在此模型中,只考虑了掺杂浓度和空穴浓度 对居里温度 T<sub>e</sub> 的影响,忽略了反铁磁性交换作用 对 T<sub>e</sub> 的影响。

### 2.2 反铁磁性交换作用对稀磁半导体(DMS)居 里温度的影响

反铁磁交换作用对居里温度的具体影响程度 由下面的函数来表示<sup>[6]</sup>:

$$\frac{T_{\rm c}}{T_{\rm c_0}} = \sqrt{1 + \frac{7}{12}ky^2} - \sqrt{\frac{7}{12}ky^2}$$
(2)

其中 *T*<sub>co</sub>与 *T*<sub>c</sub>分别为不考虑和考虑反铁磁性交换 作用时的居里温度,*k*为磁性离子浓度与空穴浓 度的比值,*y*为反铁磁性交换作用的相对强弱。

#### 2.3 居里温度计算表达式的理论推导

表达式(1)中,忽略了反铁磁性交换作用对 居里温度的影响,并且把居里温度 T<sub>c</sub>表示为掺杂 浓度 x 和空穴浓度 p 的二元函数,但实质上空穴

收稿日期: 2009-01-25;修订日期: 2009-06-24

基金项目:国家自然科学基金(10862002);内蒙古工业大学基金(X200930)资助项目

**作者简介:**陈余(1985 - ), 男, 四川内江人, 主要从事半导体材料的研究。 \*:通讯联系人; E-mail: gyqzlf@ sohu. com

浓度 p 是由掺杂浓度和掺杂类型决定的。表达式 (2)给出了考虑反铁磁性交换作用与不考虑反铁 磁性交换作用时居里温度的相对大小,用反铁磁 性交换作用的相对强弱 y 以及磁性离子浓度与空 穴浓度的比值 k 的二元函数表示。同样的,磁性 离子浓度与空穴浓度的比值也是由掺杂浓度和掺 杂类型决定的。

以 3d 过渡金属取代 GaAs 中 Ga 位置为例来 具体推导一般情况下的居里温度 *T*。关于掺杂浓 度 *x* 和反铁磁性交换作用相对强弱 *y* 的二元函 数。(其余掺杂元素、取代位置、基质材料可作同 样的分析)。为了使理论计算具有实用价值,在 室温(300 K)下计算。先做如下假设,可以证 明<sup>[7]</sup>,这些假设都是科学的、合理的:

1. 记 GaAs 材料的 Ga 原子数密度为 N,本征 载流子浓度为 n<sub>0</sub>。

2. 掺杂过渡金属 TM 的浓度为 *x*, TM 的价电子 数为 *S*, 掺入的 TM 完全取代 GaAs 中 Ga 的位置。

3. 掺杂的过渡金属 TM 在室温下处于强电离 温度区<sup>[8]</sup>,掺入的过渡金属完全电离,忽略本征 激发,此时的多子浓度等于过渡金属电离所产生 的多子浓度。

本征的 GaAs 材料中, Ga 提供 3 个价电子,

设掺杂的 TM 离子提供的价电子数为 S,在 S 不同时将得到不同的掺杂类型。分三类情况计算不同过渡金属掺杂时的空穴浓度 p 以及磁性离子浓度与空穴浓度的比值 k。

I. 当*S* < 3 时,得到的是 p 型掺杂,此时 *p* 和*k* 分别为:

$$p = Nx(3 - S) \tag{3}$$

$$k = \frac{Nx}{p} = (3 - S)^{-1}$$
(4)

Ⅱ.当S=3时,得到的是本征型掺杂:

$$p = n_0 \tag{5}$$

$$k = \frac{Nx}{p} = Nxn_0^{-1} \tag{6}$$

Ⅲ. 当 S > 3 时,得到的是 n 型掺杂:

$$p = \frac{n_0^2}{Nx(S-3)}$$
(7)

$$k = Nx/p = (Nx/n_0)^2(S-3)$$
 (8)

由式(1)、(3)、(5)、(7)可以将不考虑反铁磁性 交换作用时的居里温度用下面的函数表示:

$$T_{c_0} = Cxp^{1/3} = \begin{cases} Cx[Nx(3-S)]^{1/3}, & S < 3\\ Cxn_0^{1/3}, & S = 3\\ Cx[\frac{n_0^2}{Nx(S-3)}]^{1/3}, & S > 3 \end{cases}$$
(9)

综合式(2)、(4)、(6)、(8)、(9)可得:

$$T_{c} = \left(\sqrt{1 + \frac{7}{12}ky^{2}} - \sqrt{\frac{7}{12}ky^{2}}\right)T_{c_{0}} = \left\{ \left(\sqrt{1 + \frac{7}{12}y^{2}(3 - S)^{-1}} - \sqrt{\frac{7}{12}y^{2}(3 - S)^{-1}}\right)Cx[Nx(3 - S)]^{1/3}, \qquad S < 3 \\ \left(\sqrt{1 + \frac{7}{12}y^{2}Nx(n_{0})^{-1}} - \sqrt{\frac{7}{12}y^{2}Nx(n_{0})^{-1}}\right)Cxn_{0}^{1/3}, \qquad S = 3 \\ \left(\sqrt{1 + \frac{7}{12}y^{2}\left(\frac{Nx}{n_{0}}\right)^{2}(S - 3)} - \sqrt{\frac{7}{12}y^{2}\left(\frac{Nx}{n_{0}}\right)^{2}(S - 3)}\right)Cx\left[\frac{n_{0}^{2}}{Nx(S - 3)}\right]^{1/3}, \qquad S > 3 \end{cases}$$
(10)

3 结果与讨论

根据以上分析, n 型掺杂情况下  $T_{e}$  关于 x 的 变化将不再是单调函数,会出现一个极大值; 而 p 型掺杂则是单调的递增。从图(1~4)可以看出 n 型掺杂时  $T_{e}$  关于 x 的精细变化。

对此变化可由 n 型掺杂时 T<sub>e</sub> 的表达式给出解释,把式(10)中 n 型掺杂时的 T<sub>e</sub> 提取出来,见下式:

$$T_{c} = \left(\sqrt{1 + \frac{7}{12}y^{2}\left(\frac{Nx}{n_{0}}\right)^{2}(S-3)} - \sqrt{\frac{7}{12}y^{2}\left(\frac{Nx}{n_{0}}\right)^{2}(S-3)}\right) Cx \left[\frac{n_{0}^{2}}{Nx(S-3)}\right]^{1/3}, S > 3 \quad (11)$$



Fig. 1 The Curie temperature of (Ga, Ti)As

式(11)对 x 求偏导,并且令
$$\frac{\partial T_c}{\partial x}$$
=0,可得:



图 2 (Ga, V) As 的居里温度

Fig. 2 The Curie temperature of (Ga, V) As



图 3 (Ga,Co)As 的居里温度

Fig. 3 The Curie temperature of (Ga, Co) As



图 4 (Ga,Ni)As 的居里温度 Fig. 4 The Curie temperature of (Ga,Ni)As

#### 参考文献:

$$\left(\frac{\frac{4}{3}x^{1/3} + \frac{10}{3} \times \frac{7}{12}\left(\frac{N}{n_0}\right)^2 (S-3)y^2 x^{7/3}}{2\sqrt{x^{4/3} + \frac{7}{12}\left(\frac{N}{n_0}\right)^2 (S-3)y^2 x^{10/3}}} - \frac{\frac{10}{3} \times \frac{7}{12}\left(\frac{N}{n_0}\right)^2 (S-3)y^2 x^{7/3}}{2\sqrt{\frac{7}{12}\left(\frac{N}{n_0}\right)^2 (S-3)y^2 x^{10/3}}}\right) = 0 \quad (12)$$

令  $t = \frac{7}{12} \left( \frac{N}{n_0} \right)^2 (S - 3) y^2 x^2$ , 再整理、化简式(12) 得 $t = \frac{4}{5}$ ,所以

$$\frac{7}{12} \left(\frac{N}{n_0}\right)^2 (S-3) y^2 x^2 = \frac{4}{5}$$

由于*x*,*y*的取值范围均为[0,1],上式取合理 值得:

$$x = \sqrt{\frac{48}{35}(S-3)^{-1}}n_0 N^{-1} y^{-1}$$
(13)

式(13)决定的 x 就是居里温度  $T_c$  达到最大值时的掺杂浓度,不妨记为  $x_0$ 。

#### 4 结 论

当 $x < x_0$ 时, $T_e$ 随x上升;当 $x = x_0$ , $T_e$ 达到极大值;当 $x > x_0$ 时, $T_e$ 随x下降。在y逐渐增加的过程中,临界掺杂浓度 $x_0$ 随y按式(13)逐渐的减小,并且居里温度 $T_e$ 也在整体降低,这个变化规律由图(1~4)可以明显地看出来。这里再次说明了 n 型掺杂时居里温度很低的原因:n 型掺杂时,随着掺杂浓度x的增加,当掺杂浓度x超过临界掺杂浓度 $x_0$ 时,居里温度随x的增加而下降,得到的居里温度更低。

GaAs 材料中,  $n_0$  的取值在  $10^6$  量级, N 的取值 在  $10^{22}$ , 由式(13)可知, 要想观察到居里温度  $T_c$  的这 个极值点, y 的取值需控制在  $10^{-15}$ 的数量级。

- [1] Onho H. Making nonmagnetic semiconductors ferromagnetic [J]. Science, 1999, 281(5379):951-956.
- [2] Onho H. Toward functional spintronic [J]. Science, 2001, 291(5505):840-841.
- [3] Chen Shihua, Xiao Jinglin. Properties of strong coupling bound polaron in parabolic quantum dot [J]. Chin. J. Lumin. (发光学报), 2007, 28(1):23-27 (in Chinese).
- [4] Zhang Peng, Xiao Jinglin. Influence of interaction between phonons on properties of polaron in a quantum dot [J]. *Chin.* J. Lumin. (发光学报), 2007, **28**(1):35-38 (in Chinese).
- [5] Li Dong, Wang Yunbo, Yu Jun, et al. Recent development on diluted magnetic semconductors [J]. J. Funct. Mater.

(功能材料), 2004, 35(z1):1110-1115 (in Chinese).

- [6] Hideo Ohno. Properties of ferromagnetic Ⅲ-V semiconductors [J]. J. Magn. Magn. Mater., 1999, 200 (1-3): 110-129.
- [7] Dietl T, Ohno H, Matsukura F, et al. Zener model description of ferromagnetism in zinc-blende magnetic semiconductors
  [J]. Science, 2000, 287(5455):1019-1022.
- [8] Hu Zuoqi, Chen Fei. Influence of anti-ferromagnetic exchange interaction on the Curie temperature of DMS [J]. J. Magnetic Materials and Devices (磁性材料及器件), 2007, 38(1):21-24 (in Chinese).

## Curie Temperature of Diluted Magnetic Semiconductor Material under The Anti-ferromagnetic Exchange

CHEN Yu, GUAN Yu-qin, ZHAO Chun-wang

(Department of Physics, Inner Mongolia University of Technology, Hohhot 010051, China)

**Abstract**: Mixing small amount of the magnetic transition metal or rare earth metal ions in the non-magnetic semiconductor makes it show a certain degree of magnetism, forming the diluted magnetic semiconductors (DMS). The introduction of one of the magnetic atoms, as known magnetic impurities, into the matrix as known the non-magnetic semiconductor.

In this paper based on Zener model, considering the impact of the anti-ferromagnetic exchange on the Curie temperature of DMS materials, we got the function of the doping concentration and anti-ferromagnetic exchange about Curie temperature  $(T_e)$ . A detailed analysis on the Curie temperature of (GaAS: TM) (TM =Sc, Ti, V, Cr, Mn, Fe, Co, Ni) was carried out. A conclusion was drawn from the analysis. It follows: when  $x < x_0$ ,  $T_e$  increases with x; when  $x = x_0$ ,  $T_e$  reaches maxima; when  $x > x_0$ ,  $T_e$  always decreases with x increasing. At the same time the critical doping concentration  $x_0$  decreases gradually with y, and Curie temperature  $T_e$  always is lower. For n-type doping cases,  $T_e$  is no longers a monotone function for the x, there is a maximum value only, however, for the p-type doping  $T_e$  displays a monotonous increase.

Key words: diluted magnetic semiconductor; Curie temperature; dope concentration; anti-ferromagnetic exchangeCLC number: 0472.5PACS: 75.50. Pp; 75.30. KzPACC: 7550P; 7530KDocument code: A